

LISTE des règles à comprendre pour résoudre des équations ET / OU des inéquations

(le 11 octobre 2013)

Soit A et B et C trois nombres quelconques

1) Règles à appliquer pour résoudre des équations

Additionner, soustraire, multiplier ou diviser chaque membre d'une égalité par un même nombre ne change pas cette égalité

On a : $\boxed{\text{Si } A = B \text{ alors } A + C = B + C}$

Et

$\boxed{\text{Si } A = B \text{ alors } A - C = B - C}$

On a : $\boxed{\text{Si } A = B \text{ alors } A \times C = B \times C}$

Et pour $C \neq 0$

$\boxed{\text{Si } A = B \text{ alors } \frac{A}{C} = \frac{B}{C}}$

2) Règles à appliquer pour résoudre des inéquations**2.1) Additionner ou soustraire** chaque membre d'une inégalité par un même nombre ne change pas le sens de l'inégalité

On a : $\boxed{\text{Si } A < B \text{ alors } A + C < B + C}$

Et

$\boxed{\text{Si } A < B \text{ alors } A - C < B - C}$

2.2) Multiplier ou diviser chaque membre d'une inégalité par un même nombre **strictement positif** ne change pas le sens de l'inégalité

On a : $\boxed{\text{Si } A < B \text{ et si } C > 0 \text{ alors } A \times C < B \times C}$

Et

$\boxed{\text{Si } A < B \text{ et si } C > 0 \text{ alors } \frac{A}{C} < \frac{B}{C}}$

2.3) Multiplier ou diviser chaque membre d'une inégalité par un même nombre **strictement négatif** change le sens de l'inégalité

On a : $\boxed{\text{Si } A < B \text{ et si } C < 0 \text{ alors } A \times C > B \times C}$

Et

$\boxed{\text{Si } A < B \text{ et si } C < 0 \text{ alors } \frac{A}{C} > \frac{B}{C}}$

3) La règle de l'équation produit nul :

$\boxed{\text{Si } A \times B = 0 \text{ alors } A = 0 \text{ ou } B = 0}$

4) La notion de nombre inverse d'un nombre non nul**Le nombre inverse** d'un nombre $C \neq 0$ est le nombre $\frac{1}{C}$ et **le nombre inverse** du nombre $\frac{1}{C}$ est le nombre C Si a et b sont 2 nombres non nuls (c'est-à-dire $\frac{a}{b} \neq 0$) et **le nombre inverse** du nombre $\frac{a}{b}$ est $\frac{1}{\frac{a}{b}} = \frac{b}{a}$ **A retenir :** une division est une multiplication par le nombre inverse c'est-à-dire $a : b = \frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$

$$\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{ad}{bc} \quad (\text{avec } b, c \text{ et } d \text{ 3 nombres non nuls})$$

5) Règles « des signes »C'est **le nombre de facteurs négatifs** dans un produit **qui en fixe le signe**.

Un produit de plusieurs nombres relatifs non nuls est :

➤ **Positif** s'il y a un nombre pair de facteurs négatifs.➤ **Négatif** s'il y a un nombre impair de facteurs négatifs.Exemples : $(-7) \times (-5) \times (+2) = (+70)$ et $(-2) \times (-3) \times (-7) = (-42)$

Quelques exemples de résolution d'équation et d'inéquation

1) Résoudre l'équation $3x - \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$

$$3x - \frac{1}{2} = \frac{3}{4} \Leftrightarrow 3x - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \Leftrightarrow 3x = \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \Leftrightarrow 3x = \frac{3}{4} + \frac{2}{4} \Leftrightarrow 3x = \frac{5}{4} \Leftrightarrow$$

$$\frac{3x}{3} = \frac{\frac{5}{4}}{3} \Leftrightarrow x = \frac{\frac{5}{4}}{\frac{3}{1}} \Leftrightarrow x = \frac{5}{4} \times \frac{1}{3} \Leftrightarrow x = \frac{5}{4} \times \frac{1}{3} \Leftrightarrow x = \frac{5 \times 1}{4 \times 3} \Leftrightarrow x = \frac{5}{12}$$

2) Résoudre l'équation $\frac{x}{3} - \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$

$$\frac{x}{3} - \frac{1}{2} = \frac{3}{4} \Leftrightarrow \frac{x}{3} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{x}{3} = \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{x}{3} = \frac{3}{4} + \frac{2}{4} \Leftrightarrow \frac{x}{3} = \frac{5}{4} \Leftrightarrow$$

$$3 \times \frac{x}{3} = 3 \times \frac{5}{4} \Leftrightarrow \frac{3}{1} \times \frac{x}{3} = \frac{3}{1} \times \frac{5}{4} \Leftrightarrow \frac{3x}{3} = \frac{15}{4} \Leftrightarrow \frac{x}{1} = \frac{15}{4} \Leftrightarrow x = \frac{15}{4}$$

3) Résoudre l'inéquation $3x - \frac{1}{2} \geq \frac{3}{4}$

$$3x - \frac{1}{2} \geq \frac{3}{4} \Leftrightarrow 3x - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \geq \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \Leftrightarrow 3x \geq \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \Leftrightarrow 3x \geq \frac{3}{4} + \frac{2}{4} \Leftrightarrow 3x \geq \frac{5}{4} \Leftrightarrow$$

$$\frac{3x}{3} \geq \frac{\frac{5}{4}}{3} \Leftrightarrow x \geq \frac{\frac{5}{4}}{\frac{3}{1}} \Leftrightarrow x \geq \frac{5}{4} \times \frac{1}{3} \Leftrightarrow x \geq \frac{5 \times 1}{4 \times 3} \Leftrightarrow x \geq \frac{5}{12}$$

4) Résoudre l'inéquation $-3x - \frac{1}{2} \leq \frac{3}{4}$

$$-3x - \frac{1}{2} \leq \frac{3}{4} \Leftrightarrow -3x - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \leq \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \Leftrightarrow -3x \leq \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \Leftrightarrow -3x \leq \frac{3}{4} + \frac{2}{4} \Leftrightarrow -3x \leq \frac{5}{4} \Leftrightarrow$$

$$\frac{-3x}{-3} \geq \frac{\frac{5}{4}}{-3} \Leftrightarrow x \geq \frac{\frac{5}{4}}{-3} \Leftrightarrow x \geq \frac{5}{4} \times \frac{1}{-3} \Leftrightarrow x \geq \frac{5 \times 1}{4 \times (-3)} \Leftrightarrow x \geq \frac{5}{-12} \Leftrightarrow x \geq -\frac{5}{12}$$

5) Résoudre l'équation $(2x - 5)\left(\frac{x}{2} + 3\right) = 0$

$$(2x - 5)\left(\frac{x}{2} + 3\right) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - 5 = 0 \\ \text{ou} \\ \frac{x}{2} + 3 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x = 5 \\ \text{ou} \\ \frac{x}{2} = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{2x}{2} = \frac{5}{2} \\ \text{ou} \\ 2 \times \frac{x}{2} = 2 \times (-3) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{5}{2} \\ \text{ou} \\ \frac{2}{1} \times \frac{x}{2} = -6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{5}{2} \\ \text{ou} \\ \frac{2x}{2} = -6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{5}{2} \\ \text{ou} \\ x = -6 \end{cases}$$

6) Résoudre l'équation $\left(2x - \frac{5}{3}\right)^2 = 0$

$$\left(2x - \frac{5}{3}\right)^2 = 0 \Leftrightarrow \left(2x - \frac{5}{3}\right)\left(2x - \frac{5}{3}\right) = 0 \Leftrightarrow 2x - \frac{5}{3} = 0 \Leftrightarrow 2x = \frac{5}{3} \Leftrightarrow x = \frac{5}{2 \times 3} \Leftrightarrow x = \frac{5}{6}$$