

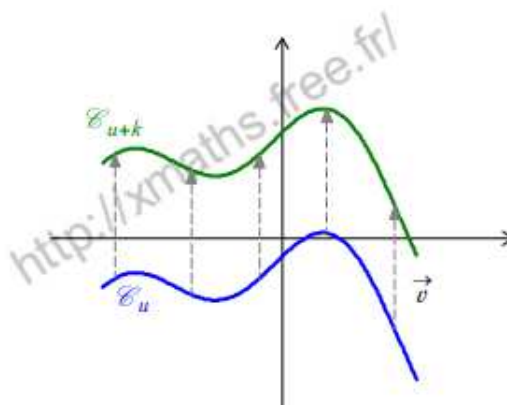
**FICHE SUR « les opérations sur les fonctions »**  
**ET « le sens de variation de cette fonction après ces opérations.... »**
**Propriété** (voir [démonstration 05](#))

Soit  $k$  un réel et  $u$  une fonction.  
Les fonctions  $u$  et  $u + k$  ont le même sens de variation.

**Remarque**

La représentation graphique de la fonction  $u + k$  se déduit de la représentation graphique de  $u$  en faisant une translation de vecteur  $\vec{v}$  de coordonnées  $(0 ; k)$ .

( voir [animation](#) )


**Propriété** (voir [démonstration 06](#))

Soit  $\lambda$  un réel et  $u$  une fonction.

- Si  $\lambda > 0$ , les fonctions  $u$  et  $\lambda u$  ont le même sens de variation.
- Si  $\lambda < 0$ , les fonctions  $u$  et  $\lambda u$  ont des sens de variation contraires.

**Propriété** (voir [démonstration 08](#))

- Soit  $u$  une fonction strictement positive.  
Les fonctions  $u$  et  $\frac{1}{u}$  ont des sens de variation contraires.
- Soit  $u$  une fonction strictement négative.  
Les fonctions  $u$  et  $\frac{1}{u}$  ont des sens de variation contraires.

**EXERCICE A TRAVAILLER....**

Tracer avec une calculatrice ou un grapheur les courbes représentant les fonctions  $f ; g ; h$  et  $\ell$  définies sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = x^2$  ;  $g(x) = 3x^2$  ;  $h(x) = -2x^2$  et  $\ell(x) = \frac{1}{5}x^2$

Conjecturer, d'après le graphique, les tableaux de variations de  $g ; h$  et  $\ell$ .

Et justifier ces tableaux de variations par rapport au tableau de variation de la fonction définie par  $f(x) = x^2$

**APPLICATION : EXERCICE A TRAVAILLER suite à une propriété ....**
**Propriété** (voir [démonstration 07](#))

Soit  $u$  une fonction positive.

Les fonctions  $u$  et  $\sqrt{u}$  ont le même sens de variation.

Soit  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = \frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{3}x^3 - x^2 + 3$

On pose  $g(x) = \sqrt{f(x)}$

1°) Le tableau de variations de  $f$  est donné ci-dessous (on ne demande pas de le justifier) :

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$2$	$+\infty$
$f$	$\searrow$	$\nearrow$	$\searrow$	$\nearrow$	
	$\frac{31}{12}$	$3$	$\frac{1}{3}$		

- Quel est le minimum de  $f$  sur  $\mathbb{R}$  ?
  - En déduire que la fonction  $g$  est définie sur  $\mathbb{R}$
  - Déterminer les valeurs exactes de  $g(-1)$  ;  $g(0)$  et  $g(2)$  et en donner des valeurs approchées à  $10^{-3}$  près
- 2°) a) Tracer avec une calculatrice ou un grapheur la courbe représentative de  $f$  et vérifier qu'elle correspond au tableau de variations donné.
- Tracer sur le même graphique la courbe représentative de  $g$ .
  - Conjecturer, d'après le graphique, le tableau de variations de  $g$ .