

↑ FORMULAIRE

Primitives

primitives des fonctions usuelles

f	F	remarques	f	F
x^n	$\frac{x^{n+1}}{n+1}$	$n \neq -1$	$\sin x$	$-\cos x$
$\frac{1}{x}$	$\ln x$	$x > 0$	$\cos x$	$\sin x$
$\frac{1}{\sqrt{x}}$	$2\sqrt{x}$	$x > 0$	e^x	e^x

utilisation d'une fonction auxiliaire

f	F	remarques	f	F
$u' u^n$	$\frac{u^{n+1}}{n+1}$	$n \neq -1$	$u' \sin u$	$-\cos u$
$\frac{u'}{u}$	$\ln u$	$u > 0$	$u' \cos u$	$\sin u$
$\frac{u'}{\sqrt{u}}$	$2\sqrt{u}$	$u > 0$	$u' e^u$	e^u

composée avec une fonction affine

si $f(x)$ admet pour primitive $F(x)$,

alors $f(ax + b)$ admet pour primitive $\frac{1}{a} F(ax + b)$

Intégrales définies

calcul d'une intégrale définie

$$\int_a^b f(x) dx = [F(x)]_a^b = F(b) - F(a)$$

valeur moyenne

$$\mu = \frac{1}{b-a} \int_a^b f(x) dx \text{ est la valeur moyenne de } f \text{ sur } [a; b]$$

notation intégrale des primitives

la fonction $F(x) = \int_a^x f(t) dt$ est la primitive de f qui s'annule en a

Propriétés des intégrales

cas particuliers

$$\int_a^a f(x) dx = 0 \quad \text{et} \quad \int_b^a f(x) dx = - \int_a^b f(x) dx$$

relation de Chasles

$$\int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx$$

positivité

$$\text{si } f \geq 0 \text{ sur } [a; b] \text{ alors } \int_a^b f(x) dx \geq 0$$

respect de la relation d'ordre

$$\text{si } f \leq g \text{ sur } [a; b] \text{ alors } \int_a^b f(x) dx \leq \int_a^b g(x) dx$$

Aires

aire sous la courbe

si $f \geq 0$ sur $[a; b]$ alors $\int_a^b f(x) dx$ est l'aire \mathcal{A} du domaine \mathcal{D} délimité par la courbe de f , l'axe des abscisses et les droites d'équations $x = a$ et $x = b$

aire algébrique

si $f \leq 0$ sur $[a; b]$ alors $\int_a^b f(x) dx$ est l'opposé de \mathcal{A}

aire entre deux courbes

si $f \geq g$ sur $[a; b]$ alors $\int_a^b [f(x) - g(x)] dx$ est l'aire du domaine délimité par la courbe de f , la courbe de g , et les droites d'équations $x = a$ et $x = b$