

Correction du DS de SI, MPSI 1, Avril 25

Exo $V = \omega \frac{Z_{12}}{Z_{21}} \frac{Z_{23}}{Z_{32}} N_{mt} \frac{1}{60} = 5 \times \frac{15}{75} \times \frac{15}{35} \times \frac{1500}{60} = 10 \text{ mm/s}$

Pl

Q1	Manuel	Collabo	Plante	Esclave
F_u	X	X	X	
F_o	X	X		X
C_u		X	X	X

Q2 1.5 : Réversibilité

Q3 1 : moteur ; 2 : vis-écrou ; 3 : Mécanisme ; 4 : Codeur
5 : Moteur ; 6 : Energie élec ; 7 : rotation ; 8 : translation

Q4 $\vec{\Omega}_0^2 = \vec{\Omega}_1^2 + \vec{\Omega}_{1A}^2 + \vec{\Omega}_A^1 = \vec{\Omega}_3^2 + \vec{\Omega}_0^3$

$$\omega_{21} \vec{z}_0 + \omega_{41R} \vec{z}_0 + \omega_{41P} \vec{y}_2 + \omega_{10} \vec{z}_0 = \omega_{23} \vec{x}_0 + \omega_{30} \vec{x}_0$$

$$(\omega_{21} + \omega_{41R} + \omega_{10}) \vec{z}_0 + \omega_{41P} \vec{y}_2 = \omega_{20} \vec{x}_0$$

$$\omega_{41P} \vec{y}_2 \cdot \vec{x}_2 = \omega_{20} \vec{x}_0 \cdot \vec{x}_2 \Rightarrow 0 = \omega_{20} \cos(\alpha + \beta)$$

$$\Rightarrow \omega_{20} = 0$$

Rem : ω_{41R} : roulement

ω_{41P} : pivotement

Q7 $\vec{OB} = \vec{OA} + \vec{AB} = y_A \vec{y}_0 + x_B \vec{x}_1 + y_B \vec{y}_1$

$$d = 2 \vec{OB} \cdot \vec{y}_0 = 2(y_A + x_B \sin \alpha + y_B \cos \alpha)$$

Q8 α petit $\Rightarrow d = 2(y_A + y_B + x_B \alpha) = a \alpha + b$

Courbe $\Rightarrow b = 8,25 \text{ mm}$ (pour $\alpha = 0$)

pour $\alpha = 0,055 \Rightarrow d = 0 \Rightarrow 0 = a \times 0,055 + 8,25$

$$\Rightarrow a = -783 \text{ mm}$$

2

Q9 $\vec{OA} + \vec{AE} + \vec{EI} = \vec{OD} + \vec{DC} + \vec{CI}$

$$y_A \vec{y}_0 + x_E \vec{x}_1 + x_E \vec{x}_2 = x_D \vec{x}_0 + x_C \vec{x}_0 + y_C \vec{y}_0 + R_y \vec{y}_2$$

On cherche $x_D = f(\alpha, \dots)$, on projette sur \vec{y}_2 pour "éliminer" x_E

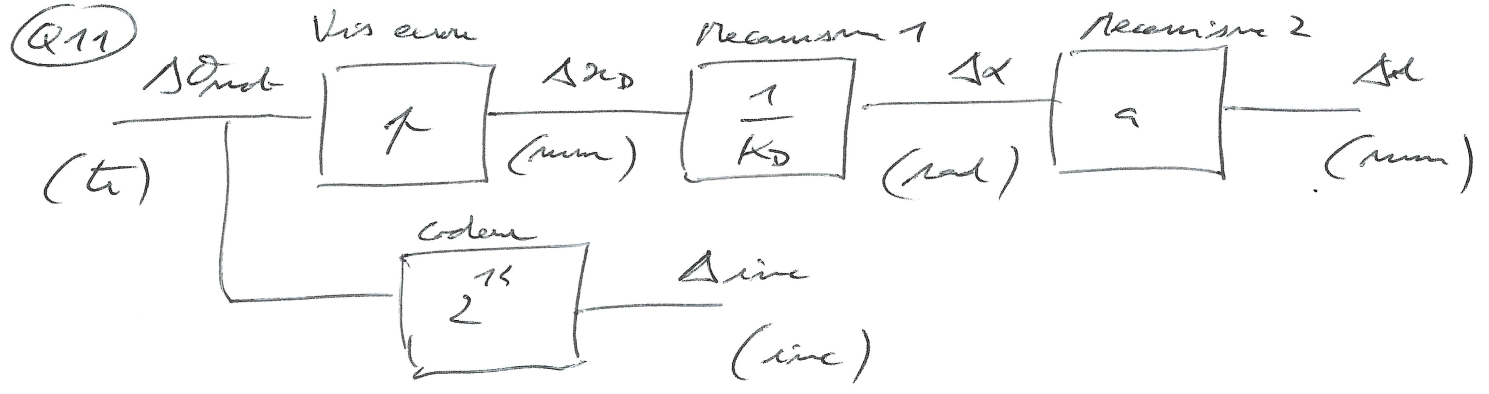
$$\Rightarrow y_A \cos(\alpha + \beta) - x_E \sin \beta = -(x_D + x_C) \sin(\alpha + \beta) + y_C \cos(\alpha + \beta) + R_y$$

$$\Rightarrow (x_D + x_C) \sin(\alpha + \beta) = y_C \cos(\alpha + \beta) + R_y + x_E \sin \beta - y_A \cos(\alpha + \beta)$$

$$\Rightarrow x_D = \frac{(y_C - y_A) \cos(\alpha + \beta) + x_E \sin \beta + R_y}{\sin(\alpha + \beta)} - x_C$$

Q10 $K_D = \frac{\Delta x_D}{\Delta \alpha} = \frac{1}{0,045} = 22,2 \text{ mm/rad}$

$K_D = 0,022 \text{ m}$



Pour 1 incrément $\Rightarrow \Delta d = \frac{a}{K_D} \frac{\kappa}{2^{15}} = \frac{0,183}{0,022} \times \frac{1,1}{2^{15}} =$

$\Delta d = 0,00056 \text{ mm}$

$\Delta d = 0,56 \mu\text{m} < 1 \mu\text{m} \quad \text{OK}$

Q12 $R_{xy} \text{ en I} \Rightarrow \dots \Rightarrow K_C = \frac{K_D - x_E \sqrt{3}}{2 \cdot R_y}$

Voir corrigé en classe...