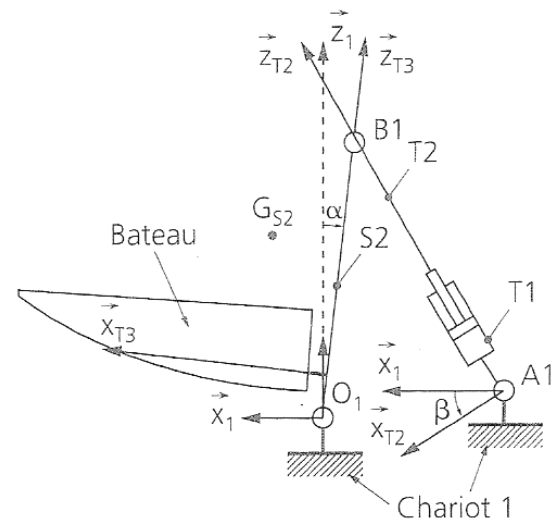


Dynamique TEC : Chariot élévateur de bateau (X ENS 2012)

Les figures représentent un modèle plan du mécanisme permettant le basculement du bateau reposant sur les fourches du chariot.



Les solides pris en compte pour l'étude sont :

- ✓ (S2) en liaison pivot d'axe (O_1, \vec{y}_1) par rapport au chariot (1) de centre de gravité G .

$$\text{On a } \overrightarrow{O_1 G} = a.\vec{x}_3 + c.\vec{z}_3$$

Le moment d'inertie de l'ensemble (S2) par rapport à l'axe (G, \vec{y}_1) est noté J et sa masse m .

La liaison pivot entre l'ensemble (S2) et le chariot génère un couple résistant

$$\vec{C}_{res} = -\mu.\dot{\alpha}.\vec{y}_0.$$

- ✓ Un vérin dont le corps (T1) est en liaison pivot d'axe (A_1, \vec{y}_1) par rapport au chariot (1) et la tige (T2) en liaison pivot d'axe (B_1, \vec{y}_1) par rapport à l'ensemble (S2).

La masse et l'inertie du vérin sont négligées.

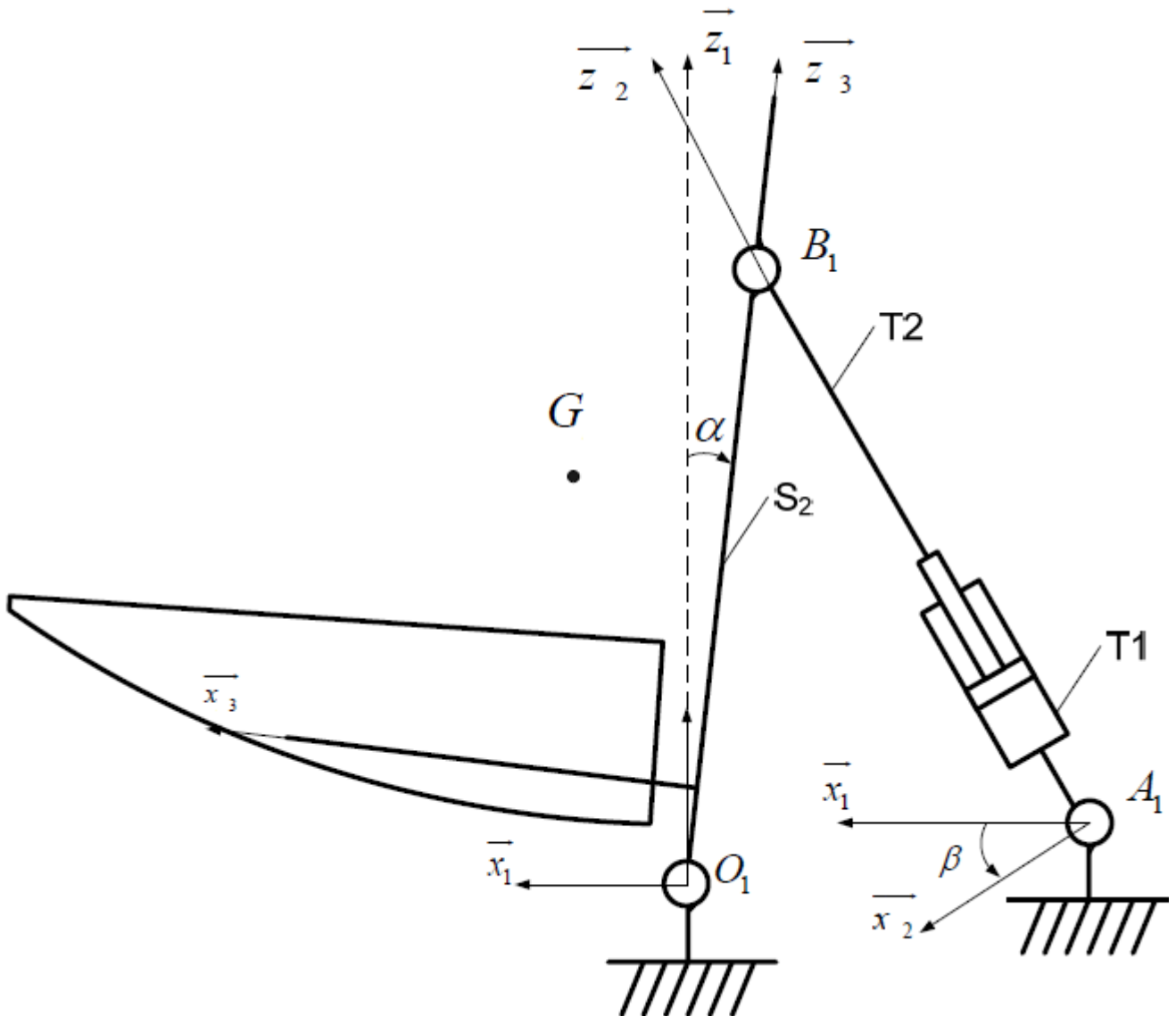
Le vérin développe un effort au cours du mouvement qui sera noté

$$\vec{F}_{vérin} = p(t).S.\vec{z}_2 \text{ avec } p(t) \text{ la différence de pression entre les deux chambres du vérin.}$$

On pose $\overrightarrow{A_1 B_1} = (\lambda_0 + \lambda) \cdot \vec{z}_2$

Le paramétrage est tel que si $\alpha = 0$ alors $\lambda = 0$.

De plus, en considérant α petit, on admet : $\alpha(t) = k \cdot \lambda(t)$ avec k une constante.



Question

En appliquant le théorème de l'énergie-puissance et en admettant que l'angle α est petit, montrer que $\alpha(t)$ et $p(t)$ sont liés par l'équation différentielle suivante :

$$J_{eq} \cdot \ddot{\alpha}(t) + \mu \cdot \dot{\alpha}(t) = \frac{S \cdot p(t)}{k} + m \cdot g \cdot a$$