

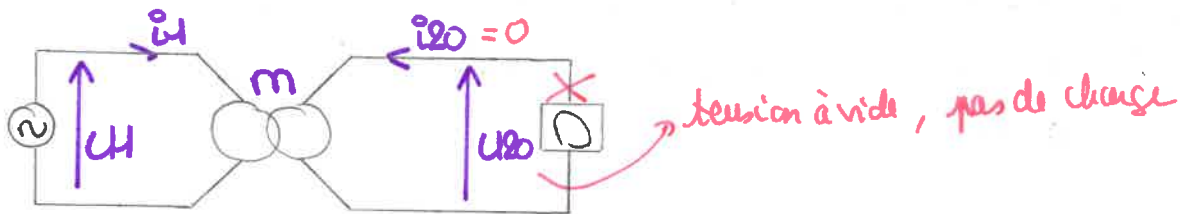
groupe 3:

Mathias

Senhat

Cécile

TD 12 - Exercice I



1) Loi des tensions avec la loi de Faraday:

$$e_1 = -N_1 \frac{d\Phi(\vec{0})}{dt} = U_1$$

$$e_2 = -N_{20} \frac{d\Phi(\vec{0})}{dt} = U_{20}$$

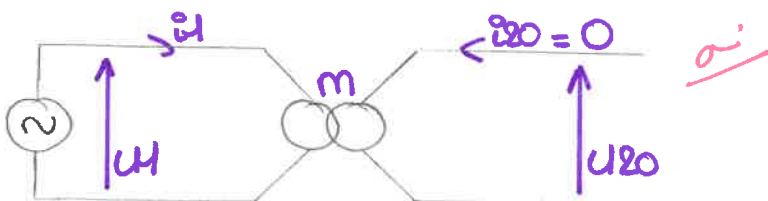
$$\Rightarrow \frac{U_{20}}{U_1} = \frac{N_{20}}{N_1} = m$$

Le rapport de transformation est $m = \frac{U_{20}}{U_1} = \frac{N_{20}}{N_1}$

$$= \frac{225}{5 \times 10^3}$$
$$= 0,045 \quad \checkmark$$

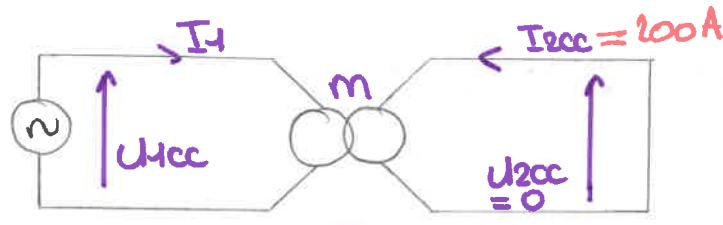
2) dans un transformateur réel, il y a deux types de pertes de puissance:

- les pertes cuivre liées à l'effet Joule et donc aux résistances dans les bobines
- les pertes de fer liées à l'aimantation du noyau magnétique, les courants de Foucault et les pertes par hystérésis



3) on sait alors que $P_{10} = P_{fer} + P_{J10}$ *négligeable*
 on $P_{J10} = R I_{10}^2 = U_1 \cdot I_{10}$ *ici car $i_2 = 0$ donc i_1 très faible*
 $\Rightarrow I_{10} = \sqrt{\frac{P_{J10}}{R}} = \frac{P_{J10}}{U_1} = \frac{790}{5 \times 10^3} = 0,158 \text{ A}$

ici, le secondaire est en circuit ouvert donc le courant dans le circuit primaire (I_{10}) est très faible, et on peut le négliger *les pertes joules devant les pertes fer.*
 donc $P_{10} = P_{fer} \Rightarrow P_{fer} = 790 \text{ W}$
 $= 790 \text{ W}$



$P_{2cc} = 0$
 $\rightarrow$ appliquer la loi des courants
 $\frac{I_{2cc}}{I_{1cc}} = \frac{1}{m}$
 Non car i_1 $P_{1cc} = P_{fer} + P_{joules}$
 $I_{1cc} = m I_{2cc}$
 $= 0,045 \times 200$
 $= 9 \text{ A}$

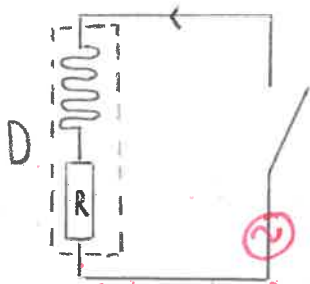
4) $P_{1cc} = U_{1cc} \times I_1$
 $\Rightarrow I_1 = \frac{P_{1cc}}{U_{1cc}} = \frac{1 \times 10^3}{250} = 4 \text{ A}$

la valeur du courant dans le circuit primaire lorsque le secondaire est en court-circuit est égal à $I_1 = 4 \text{ A}$

5) on sait alors que $P_{1cc} = P_{fer} + P_J$
 on $P_J = R_S I_{2cc}^2$ avec R_S la résistance ramenée au secondaire *B*
 donc $P_{1cc} = P_{fer} + R_S \cdot I_{2cc}^2$
 $\Rightarrow R_S = \frac{P_{1cc} - P_{fer}}{I_{2cc}^2} = \frac{(1 \times 10^3) - 790}{200^2} = 5,25 \times 10^{-3} \Omega$ *oui*

en supposant que les pertes P_{fer} déterminées à la Q3, la résistance équivalente des enroulements du secondaire et du primaire ramenés au secondaire est égal à $R_S = 5,25 \times 10^{-3} \Omega$

Exercice 2: Grp 2.



1. Le dipôle peut modéliser ~~une machine~~
un moteur ou une machine à laver

Le fusible permet de limiter le courant
il faut en opération $\rightarrow$ montage airt.
qui rentre dans la machine. En effet, les
machine peuvent casser si jamais le courant qui
circule est trop fort. Ainsi si le courant est trop fort
le fusible s'ouvre et le courant ne circule plus dans
la machine.

$$2. P = \operatorname{Re}(\underline{Z}_{eq}) I_{eff}^2 = \operatorname{Re}(\underline{Y}_{eq}) U_{eff}^2$$

$$\underline{Z}_{eq} = \operatorname{Re}(\underline{Z}_{eq}) + jL\omega = R + jL\omega$$

$$\underline{Y}_{eq} = \frac{1}{R + jL\omega} = \frac{R - jL\omega}{R^2 + L^2\omega^2} = \frac{R}{R^2 + L^2\omega^2} - j \frac{L\omega}{R^2 + L^2\omega^2}$$

$\hookrightarrow \operatorname{Re}(\underline{Y}_{eq})$

$$P = \frac{R}{R^2 + L^2\omega^2} U_{eff}^2 \Leftrightarrow \frac{P}{(U_{eff})^2} = \frac{R}{R^2 + L^2\omega^2}$$

Par résolution numérique: $R_1 = 7,5 \, \Omega$

$R_2 = 12 \, \Omega$

$$3. P = \operatorname{Re}(\underline{Z}_{eq}) I_{eff}^2 \Rightarrow I_{eff} = \sqrt{\frac{P}{R_n}}$$

AN: Pour R_1 : $I_{eff} = \sqrt{\frac{2500}{7,5}} = 18 \, A$

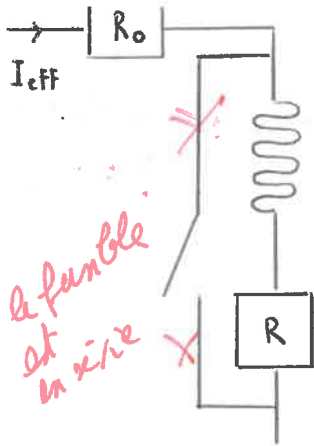
Si cette Résistance $7,5 \, \Omega$ est bien appliqué
cette puissance ne peut pas être atteinte car la
le fusible s'ouvrirait.

Pour R_2 :

$$I_{eff} = \sqrt{\frac{2500}{12}} = 14,4 \, A.$$

Cette valeur donne un courant possible donc on va
prendre cette valeur de R .

Q4.



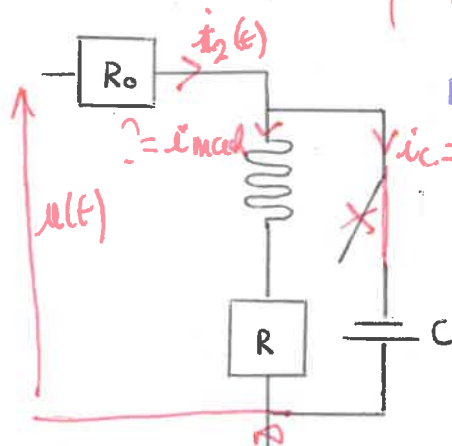
$I_{eff} = 14,4 \text{ A}$ (trouvé Q3).

$P_{Joule} = R_0 I_{eff}^2 = 248 \text{ W.}$

la puissance est max

raisonnement plus simple : loi d'Ohm.
 $I_{eff} = \frac{U_{eff}}{Z_{eq}}$ courent dans l'association $\parallel (L+R) \parallel C$

Q5.



$Re(\underline{Z}_{eq}) I_{eff}^2 = Re(\underline{Y}_{eq}) U_{eff}^2$

$\underline{Y}_{eq} = \frac{1}{R + jL\omega} + jC\omega$

$Re(\underline{Y}_{eq}) = \frac{R - LCR\omega + RLC\omega^2}{R^2 + L^2\omega^2}$

$\underline{Z}_{eq} = \frac{R + jL\omega}{1 - LC\omega^2 + jRC\omega}$

$Re(\underline{Z}_{eq}) = \frac{R - LCR\omega + RLC\omega^2}{(1 - LC\omega^2)^2 + (RC\omega)^2}$

$I_{eff2} = \sqrt{\frac{(1 - LC\omega^2)^2 + (RC\omega)^2}{R^2 + L^2\omega^2}} U_{eff}$

$|Z_{eq}| = \frac{R^2 + (L\omega)^2}{\sqrt{(1 - LC\omega^2)^2 + (RC\omega)^2}}$

$I_{eff2} = 10,9 \text{ A} = 14,8 \text{ A.}$

→ courant dans quelle branche ?
 → d'objectif de C. et de diminuer le courant donc enlever.

5. $P_{Joule(2)} = R_0 I_{eff2}^2$

$= 1,2 \times (10,9)^2 = 262,8 \text{ W.}$

Si on ajoute un condensateur le fonctionnement de notre dipôle est optimisé mais par contre l'intensité efficace augmente ce qui a pour effet d'augmenter les pertes par effet Joule.

$I_{eff machine} = 14,4 \text{ A}$

$I_C = U_{eff} C\omega$

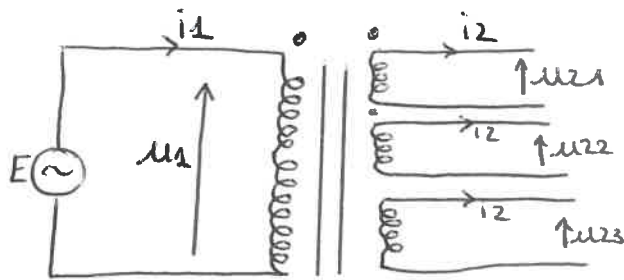
$= 220 \times 134,6 \cdot 10^{-6} \times 2\pi \times 50$

$I_C = 9,3 \text{ A}$

Fresnel



$I_{machine} = I_{eff1}$



$$U_{lv} = 25 \text{ kV}$$

$$U_{2v} = U_{21} = U_{22} = U_{23} = 1410 \text{ V}$$

$$f = 50 \text{ Hz}$$

$$I_{2cc} = 910 \text{ A}$$

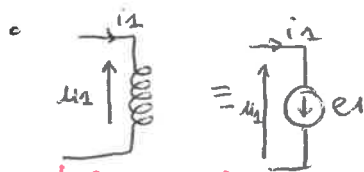
$$U_{1cc} = 11,34\% \text{ de } U_{lv}$$

$$P_{cc} = 86,5 \text{ kW}$$

$$N_1 = 852$$

1) Par loi des tensions: $\frac{U_2}{U_1} = m = \frac{N_2}{N_1}$

$$\Rightarrow \underline{N_2} = \frac{N_1 \times U_2}{U_1} = \frac{852 \times 1410}{25 \times 10^3} = \underline{48}$$



loi de Faraday: $e_1 = -u_1 = -N_1 \frac{d\Phi(\vec{B})}{dt}$

OR $u_1 = U_{lv} \sqrt{2} \cos(\omega t)$ B

(et $\Phi(\vec{B}) = \Phi(B_{\max}) \times \sin(\omega t)$ x)

(et $\Phi(B_{\max}) = B_{\max} \times S$)

= $B_{\max} S \sin(\omega t)$

Ainsi $U_{lv} \sqrt{2} \cos(\omega t) = -N_1 B_{\max} S \omega \sin(\omega t)$

$$\Rightarrow S = \frac{U_{lv} \times \sqrt{2} \times \cos(\omega t)}{N_1 \times B_{\max} \times \omega \times \cos(\omega t)} = \frac{U_{lv} \sqrt{2}}{2\pi f \times N_1 \times B_{\max}} \quad \text{ou'}$$

$$\underline{S} = \frac{25 \times 10^3 \times \sqrt{2}}{2\pi \times 50 \times 852 \times 1,56} = \underline{0,085 \text{ m}^2}$$

$$S = \pi r^2 \Rightarrow \underline{r} = \sqrt{\frac{S}{\pi}} = \sqrt{\frac{0,085}{\pi}} = \underline{0,16 \text{ m}}$$

2) Par definition: $P_s = R_1 I_1^2 + 3R_s I_2^2$

On suppose un noyau idéal $\Rightarrow$ c'est un transformateur idéal

loi des puissances: $p_1 = -p_2$ ou' mais pas utile ici

$$\text{OR } p_1 = M_{11} I_1 \cos \varphi$$

$$p_{21} = M_{21} I_{21} \cos \varphi$$

$$p_{22} = M_{22} I_{22} \cos \varphi$$

$$p_{23} = M_{23} I_{23} \cos \varphi$$

$$p_2 = p_{21} + p_{22} + p_{23}$$

$$\text{OR } M_{21} = M_{22} = M_{23} = M_2$$

$$\text{et } I_{21} = I_{22} = I_{23} = I_2$$

$$p_2 = 3 M_2 I_2 \cos \varphi$$

OR $\cos \varphi$ primaire = $\cos \varphi$ secondaire oui

$$\Rightarrow M_1 I_1 = 3 M_2 I_2 \quad (\text{le } m \text{ disparaît car on est en valeur efficaces})$$

$$\Rightarrow \underline{I_1 = 3m I_2} \quad \text{oui}$$

$$\text{Grâce à la loi des courants : } \frac{3 I_2}{I_1} = \frac{1}{m} = \frac{N_1}{N_2}$$

• On veut montrer que $P_S = 3 R_S I_2^2$

$$P_S = R_1 I_1^2 + 3 R_2 I_2^2$$

R_2 = résistance de chaque enroulement du secondaire

$$\Rightarrow P_S = R_1 \times \left(\frac{3 N_2 I_2}{N_1} \right)^2 + 3 R_2 I_2^2$$

$$\Rightarrow P_S = R_1 \times 3^2 \times \left(\frac{N_2}{N_1} \right)^2 \times I_2^2 + 3 R_2 I_2^2$$

$$= \underbrace{(9 R_1 m^2 + 3 R_2)}_{3 R_S I_2^2} I_2^2$$

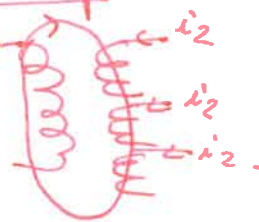
$$R_S = 3m^2 R_1 + R_2$$

il faut le montrer ici

$$\mathcal{E}(\vec{H}) = N_1 i_1 + 3 N_2 i_2 = 0$$

$$\vec{H}_{\text{fer}} \rightarrow 0 \Rightarrow i_1 = - \frac{3 N_2 i_2}{N_1}$$

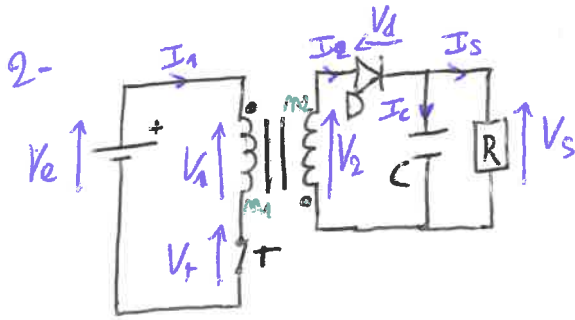
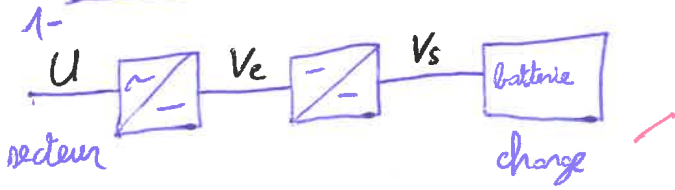
$$i_1 = - 3m i_2$$



(plus simple qu'un loi de conservation de la puissance)

• grâce à l'essai en court-circuit:

$$\underline{R_S} = \frac{P_{cc}}{3 I_2^2} = \frac{86,5 \times 10^3}{3 \times 910^2} = 0,035 \, \Omega //$$

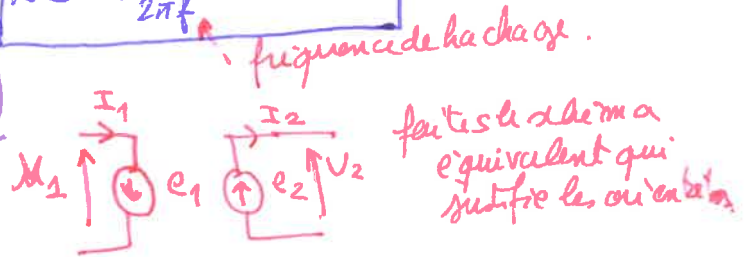


$f = 20 \text{ kHz}$
 $\frac{V_s}{V_e} = \frac{R}{1 + jRC\omega} \quad \omega = 2\pi f$

on veut V_s constant, donc il faut $RC\omega \ll 1$

$RC \ll \frac{1}{2\pi f} \approx 10^{-5} \text{ s}$

3- $V_1 = -(-m_1 \frac{d\phi}{dt})$
 $V_2 = (-m_2 \frac{d\phi}{dt})$
 $V_1 = m_1 \frac{d\phi}{dt}$

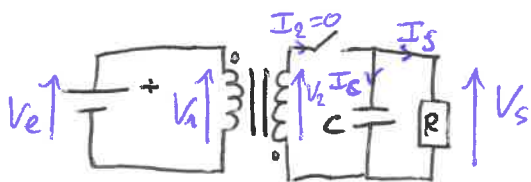


$\frac{V_2}{V_1} = -\frac{m_2}{m_1} = -m$
 $V_2 = -mV_1$

4- entre 0 et αT , T est fermé, $V_e = V_1 > 0$, donc $V_2 = -mV_1 < 0$, $I_2 < 0$, D est bloquée pour $t \in [0; \alpha T]$

$V_d = V_2 - V_s = -mV_e - V_s < 0$
 $V_s > 0$
 donc la diode est bloquée
 $I_2 = 0$

5- pour $t \in [0; \alpha T]$, T est fermé:



$V_e = V_1 = L_1 \frac{dI_1}{dt}$
 $I_2 = 0$
 $V_2 = -mV_1 \Rightarrow V_2 = -mV_e$

comme $V_e > 0$ et $L_1 > 0$, $\frac{dI_1}{dt} = \frac{V_e}{L_1} > 0$, $I_1(t)$ est croissante sur $[0; \alpha T]$.

après intégration
 $I_1(t) = \frac{V_e}{L_1} t + I_1(t=0)$

$I_1(t=0) = I_{1min}$

$I_1(t) = \frac{V_e}{L_1} t + I_{1min}$

6 - pour $t \in [\alpha T; T]$, T est ouvert;



$$V_2 = V_s, \quad V_1 = -\frac{1}{m} V_2, \quad I_1 = 0$$

$$V_1 = -\frac{V_s}{m}, \quad V_2 = -L_2 \frac{dI_2}{dt}$$

pour que D soit parvenue, comme ici, il faut $\overset{I_2}{V_2} > 0$, on a donc, comme $V_2 = V_s$

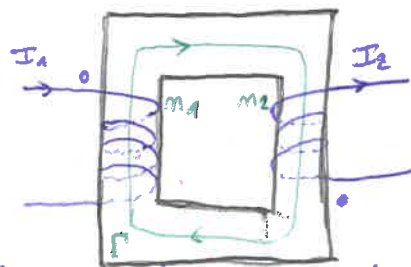
$$\frac{dI_2}{dt} = -\frac{V_s}{L_2} < 0, \quad I_2(t) \text{ est décroissante sur } [\alpha T; T]$$

en posant $I_2(t = \alpha T) = I_{2\text{Max}}$ et en intégrant on obtient

$$I_2(t) = -\frac{V_s}{L_2}(t - \alpha T) + I_{2\text{Max}}$$

7 - on applique le théorème d'Ampère:

$\oint_C \vec{H} \cdot d\vec{l} = i_{\text{enclosé}}$
 Γ fermé orienté



on note l la longueur moyenne du fer, on a donc

$$Hl = N_1 I_1 + N_2 I_2$$

le fer est supposé parfait donc: linéaire $\Rightarrow \vec{H} = \frac{1}{\mu_0 \mu_r} \vec{B}$

et de perméabilité relative infinie $\Rightarrow \mu_r \rightarrow \infty, H \rightarrow 0$

on a alors $N_1 I_1 - N_2 I_2 \rightarrow 0$

$$N_1 I_1 = N_2 I_2$$

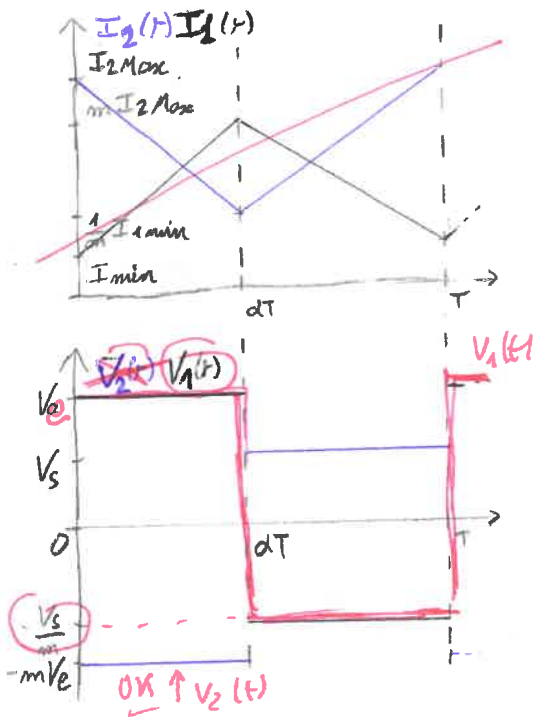
$$\frac{N_2}{N_1} = \frac{I_1}{I_2} = m$$

$$I_1 = m I_2$$

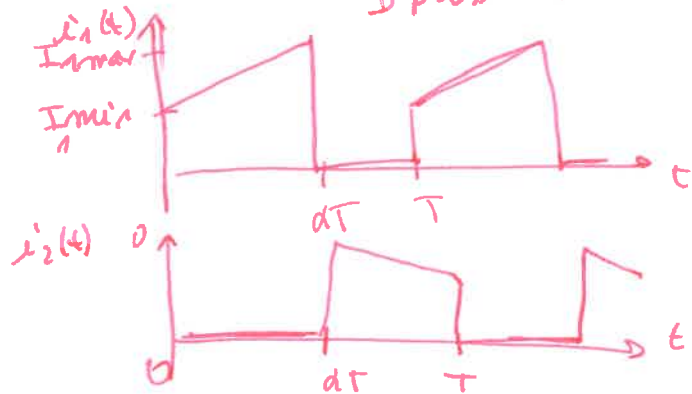
8 - à $t = \alpha T$, $I_1(\alpha T) = m I_2(\alpha T) \Leftrightarrow \frac{V_e}{L_1} \alpha T + I_{1\text{min}} = m I_{2\text{Max}}$

à $t = 0$, $I_1(0) = m I_2(0) \Leftrightarrow I_{1\text{min}} = -\left(\frac{V_s}{L_2} \alpha T + I_{2\text{Max}}\right) m$

8 - (suite)



pour $t \in [0, dT]$ T passant
D bloqué $I_2 = 0$
 $t \in [dT, T]$ T bloqué
D passant $I_1 = 0$



$i_1(t)$ et $i_2(t)$ sont discontinus
→ c'est le flux magnétique qui doit être continu

$$9 - V_1(t) = L_1 \frac{dI_1}{dt} \quad \langle V_1(t) \rangle = L_1 \left\langle \frac{dI_1}{dt} \right\rangle = \frac{L_1}{T} \int_0^T \frac{dI_1}{dt} dt = \frac{L_1}{T} \int_0^T dI_1 = 0$$

l'intégrale est nulle car I_1 est T périodique on a donc $\langle V_1(t) \rangle = 0$

donc $\frac{1}{T} \int_0^T V_1(t) dt = \frac{1}{T} [V_1(t)]_0^T$

$$\frac{1}{T} \int_0^T V_1(t) dt = \frac{1}{T} (V_e dT - T(1-d) \frac{V_s}{m}) = 0$$

$$dV_e = \frac{1-d}{m} V_s$$

$$\boxed{\frac{V_e}{V_s} = \frac{1}{m} \left(\frac{1}{d} - 1 \right)}$$

Valeur efficace de $V_e(t)$
Valeur max $= \sqrt{2} \times 220 = 325V$

10 - $V_e = 220V$, $V_s = 5V$, $\frac{mV_e}{V_s} = \frac{1}{d} - 1$

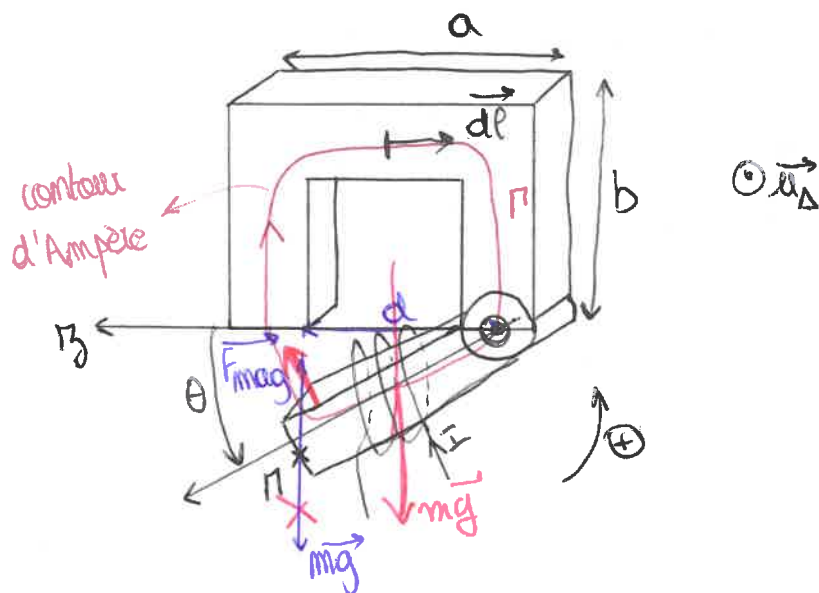
$m = 0,13$

$d = \frac{1}{1 + \frac{mV_e}{V_s}} = \frac{1}{1 + \frac{0,13 \times 325}{5}}$ expression numérique

AN: $d = 0,10$

11- la batterie se charge pendant un temps $T - dT$ pendant que le circuit inductif se décharge dans le circuit ^{du} secondaire, le circuit inductif du primaire se charge entre $t=0$ et $t=dT$

entre $[0, dT]$ transfert d'énergie de la source → primaire
stockage
 $[dT, T]$ transfert d'énergie du secondaire → batterie



- 1) On effectue un bilan des forces sur le système = partie mobile.
- * Poids $\vec{mg}$ Δ s'applique au centre de gravité de la partie mobile.
 - * Force magnétique: $\vec{F}_{mag}$ $\rightarrow$ perpendiculaire au fer.

On détermine le moment du poids par rapport à l'axe de rotation.

$$\mathcal{M}(\vec{mg}) = - \|\vec{mg}\| \times \frac{a}{2} = \mu_{fe} S l_m g \frac{a \cos \theta}{2}$$

- 2) On exprime le moment de la force magnétique:

$$\mathcal{M}(\vec{F}_{mag}) = + \|\vec{F}_{mag}\| \times a = - \frac{d \mathcal{E}_B}{d\theta} a \cos \theta$$

- 3) On exprime la valeur du champ magnétique dans le circuit:

$$\mathcal{E}_r(\vec{B}) = i_{enclos} \Leftrightarrow \oint_r \vec{B} \cdot d\vec{\ell} = \int_{fe} B_{fe} \cdot d\ell + \int_{ef} B_{ef} \cdot d\ell = NI$$

Théorème d'Ampère

$$\Leftrightarrow B_{fe} l_m + B_{ef} a \theta = NI$$

$$\Leftrightarrow \frac{B_{fe}}{\mu_0 \mu_r} l_m = \frac{B_{ef}}{\mu_0} a \theta = NI$$

longueur de l'entrefer
= $a\theta$.

Or, d'après l'équation de Maxwell - Thomson,

Si $B_{fe} = B_{ef}$ la section du tore est uniforme constante

$$\text{D'où } B = \frac{\mu_0 NI}{\left(\frac{l_m}{\mu_r} + a\theta\right)}$$

$\rightarrow$ deux unités de champ de section constante, à dessiner.

- On utilise le théorème du moment cinétique scalaire :

$$3\Delta\ddot{\theta} = - \frac{d\mathcal{E}_B}{d\theta} a \cos\theta + \mu_{fe} 5l_m g a \cos\theta$$

Or, le circuit se ferme si $|M(\vec{m}g)| < |M(\vec{F}_{mag})|$ et cette position représente une position d'équilibre

- Le circuit se ferme si $|M(\vec{m}g)| < |M(\vec{F}_{mag})|$ $\rightarrow \left[\frac{B^2}{2\mu_0}\right] 3 \cdot m^{-3} \neq \mathcal{E}_B \text{ en J}$

$$\text{Donc } \left| \mu_{fe} 5l_m g a \cos\theta \right| < \left| \frac{d\mathcal{E}_B}{d\theta} a \cos\theta \right|$$

$$\mathcal{E}_B = \iiint_{\text{entreefer}} \frac{B^2}{2\mu_0} d\tau \quad \text{avec } d\tau \approx a d\theta S$$

Or, $\frac{d\mathcal{E}_B}{d\theta} = \frac{d\left(\frac{B^2}{2\mu_0}\right)}{d\theta}$ en supposant que l'énergie est concentrée dans l'entreefer.

pas de magnéte!

$$= \frac{d}{d\theta} \left(\frac{\mu_0 N^2 I^2}{2 \left(\frac{l_m}{\mu_1} + a\theta \right)^2} \right)$$

à vérifier numériquement

Comme μ_1 est grand, on pose : $\frac{l_m}{\mu_1} \ll a\theta$

$$\frac{96}{2500} = 2,4 \cdot 10^{-4} \frac{\text{m}}{\mu_r}$$

$$a\theta = 0,2 \times \frac{5 \times \pi}{180}$$

$$\text{Donc } \frac{d\mathcal{E}_B}{d\theta} = \frac{d}{d\theta} \left(\frac{\mu_0 N^2 I^2}{2 a \theta^2} \right) = \frac{N^2 I^2}{2 a} (-2\theta^{-3})$$

$$a\theta = 1,77 \cdot 10^{-4} \text{ m} \quad \text{donc } a\theta \gg \frac{l_m}{\mu_r}$$

Ainsi, $\mu_{fe} 5l_m g a \cos\theta < \frac{N^2 I^2}{2 a \theta^3} a \cos\theta$

$$\Leftrightarrow N > \frac{\sqrt{\mu_{fe} 5l_m g}}{I \sqrt{a \theta^3}}$$

$$\mu_{fe} 5l_m g a \cos\theta < \frac{\mu_0 (NI)^2 a^2 S}{2 (a\theta)^2}$$

$$\theta = 5^\circ \cos\theta \approx 1$$

$$N > \frac{a\theta}{I} \sqrt{\frac{\mu_{fe} 2(a+b)g}{\mu_0}}$$

4) N est minimal

Le nombre minimal de spires nécessaires à la fermeture du circuit :

$$N = \frac{\sqrt{\mu_{fe} 5l_m g}}{I \sqrt{a \theta^3}} = \frac{\sqrt{7800 \times 2 \times (20 \times 10^{-2} \times 10 \times 10^{-2}) \times 10 \times 10 \times 10^{-4}}}{5 \times \sqrt{20 \times 10^{-2} \times \left(5 \times \frac{2\pi}{360}\right)^3}}$$

$$\approx 30 \text{ spires pour } S \approx 10 \text{ cm}^2$$

$$N = 334 \text{ spires}$$

$$N > \frac{a\theta}{I} \sqrt{\frac{\mu_{fe} 2(a+b)g}{\mu_0}} = \frac{0,1 \times 5 \times \pi}{5 \times 180} \sqrt{\frac{7800 \times 0,6 \times 9,8}{4\pi \cdot 10^{-7}}}$$